Документ подписан простой электронной подписью Информация о владельце: ФИО: Усынин Максим Валерьевич

Дата подписания: 1 астиное 20бразоват ельное учреждение высшего образования Уникальный программин Иреждународный Институт Дизайна и Сервиса» (ЧОУВО МИДиС)

Кафедра математики и информатики

## МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ ПО ДИСЦИПЛИНЕ ОП.10 ЧИСЛЕННЫЕ МЕТОДЫ

Специальность: **09.02.03 Программирование в компьютерных системах** 

Уровень образования обучающихся: **Среднее общее образование** 

Вид подготовки: **Базовый** 

Методические рекомендации по дисциплине ОП.10 Численные методы разработаны на основе федерального государственного образовательного стандарта среднего профессионального образования по специальности 09.02.07 Информационные системы и программирование, утверждено приказом Министерства образования и науки РФ от 9 декабря 2016 года № 1547 и рабочей программы дисциплины ОП.10 Числительные методы.

Автор-составитель: Писаренко И.В.

Методические рекомендации по дисциплине ОП.10 Численные методы рассмотрены и одобрены на заседании кафедры педагогики и психологии, протокол № 10 от 30.05.2022 г.

Заведующий кафедрой математики и информатики

Л.Ю. Овсяницкая

A. Oler

## СОДЕРЖАНИЕ

1.Пояснительная записка.	4
2.Методические рекомендации по темам	.5
3.Рекомендуемая литература	7

### 1. Пояснительная записка

Методические рекомендации составлены в соответствии с рабочей программой дисциплины ОП.10 Численные методы и предназначены для реализации основной профессиональной образовательной программы среднего профессионального образования (далее – образовательной программы) по специальности 09.02.07 Информационные системы и программирование.

Целями методических указаний по дисциплине ОП.10 Численные методы являются:

- систематизация и закрепление полученных теоретических знаний;
- углубление и расширение теоретических знаний;
- развитие познавательных способностей и активности студентов, самостоятельности, ответственности и организованности;
- формирование самостоятельности мышления, способностей к саморазвитию, самосовершенствованию и самореализации.
- В методических рекомендациях изложены рекомендации к темам, приведены примерные задания, перечень литературы, рекомендуемой для выполнения заданий.
- В результате освоения дисциплины ОП.10 Численные методы обучающийся должен сформировать:

Общие компетенции (ОК):

Код	Наименование общих компетенций
OK 01	Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности,
	применительно к различным контекстам
OK 02	Осуществлять поиск, анализ и интерпретацию информации, необходимой для
	выполнения задач профессиональной деятельности.
OK 04	Планировать и реализовывать собственное профессиональное и личностное
	развитие.
OK 05	Планировать и реализовывать собственное профессиональное и личностное
	развитие.
OK 09	Использовать информационные технологии в профессиональной деятельности.
OK 10	Пользоваться профессиональной документацией на государственном и
	иностранном языках

Профессиональные компетенции (ПК):

- ПК 5.1. Собирать исходные данные для разработки проектной документации на информационную систему.
- ПК 9.2. Разрабатывать веб-приложение в соответствии с техническим заданием.
- В результате освоения дисциплины ОП.09 Стандартизация, сертификация и техническое документоведение обучающийся должен:

#### уметь:

- использовать основные численные методы решения математических задач;
- выбирать оптимальный численный метод для решения поставленной задачи;
- давать математические характеристики точности исходной информации и оценивать точность полученного численного решения;
- разрабатывать алгоритмы и программы для решения вычислительных задач, учитывая необходимую точность получаемого результата.

#### знать:

- методы хранения чисел в памяти электронно-вычислительной машины (далее ЭВМ) и действия над ними, оценку точности вычислений;
- методы решения основных математических задач интегрирования, дифференцирования, решения линейных и трансцендентных уравнений и систем уравнений с помощью ЭВМ

Формы и методы контроля работы студентов: выборочная/фронтальная проверка выполненных заданий; заслушивание сообщений (докладов).

Критерии оценки результатов работы студентов:

- «отлично», если работа выполнена в полном объёме с соблюдением необходимой последовательности. Обучающиеся работают полностью самостоятельно: подбирают необходимые для выполнения предлагаемых работ источники знаний, показывают необходимые для проведения практической работы теоретические знания, практические умения и навыки.
- «хорошо», если работа выполняется обучающимися в полном объёме и самостоятельно. Допускаются отклонения от необходимой последовательности выполнения, не влияющие на правильность конечного результата. Работа показывает знание обучающимися основного теоретического материала и овладение умениями, необходимыми для самостоятельного выполнения работы. Могут быть неточности и небрежность в оформлении результатов работы.
- «удовлетворительно», если работа выполняется и оформляется обучающимися при сторонней помощи. На выполнение работы затрачивается много времени (можно дать возможность доделать работу дома). Обучающиеся показывают знания теоретического материала, но испытывают затруднение при самостоятельной работе.
- «неудовлетворительно» выставляется в том случае, когда обучающиеся не подготовлены к выполнению работы. Полученные результаты не позволяют сделать правильных выводов и полностью расходятся с поставленной целью. Показывается плохое знание теоретического материала и отсутствие необходимых умений.

### 2. Методические рекомендации по темам

### Тема 1. Элементы теории погрешностей

Вопросы самоконтроля.

- 1) Как отделяются корни уравнения?
- 2) Какой должна быть величина шага при отделении корней?
- 3) Какие условия должны быть выполнены для применения метода половинного деления отрезка?
- 4) Какова идея метода половинного деления отрезка? Геометрическая иллюстрация.
- 5) Как вычисляется приближенный корень уравнения и какова его погрешность?
- 6) Как зависит погрешность результата от выбора приближенного решения?
- 7) Какие условия должны быть выполнены для применения метода итерации?
- 8) Какова идея метода итерации? Геометрическая иллюстрация.
- 9) Какое условие должно выполняться для сходимости итерационной последовательности?
- 10) Как находится равносильное уравнение, применяемое для итерационного процесса? Критерий выбора равносильного уравнения.
- 11) Как определяется погрешность метода итерации при заданной точности?
- 12) Какие положительные и отрицательные стороны метода итерации (сравнить с методом деления отрезка пополам)?

# **Тема 2.** Приближённые решения алгебраических и трансцендентных уравнений Вопросы самоконтроля.

- 1) Каковы условия применимости методов Ньютона и итераций?
- 2) 4.В чем суть методов половинного деления, Ньютона и итераций?
- 3) 5. Из какого конца следует проводить касательную в методе Ньютона?
- 4) 6.Какие существуют способы приведения уравнения к виду, пригодному для применения метода итераций?
- 5) 7.Какой метод приближенного решения уравнений отличается от двух других в смысле слежения за точностью решения?
- 6) 8.Какой метод обычно дает самую быструю сходимость?

7) 9.Какой метод выгоднее применять - метод половинного деления или метод итераций, если максимум модуля производной функции u(x) на отрезке [a,b] равен 0.7? А если 0.4?

### Тема 3. Решение систем линейных алгебраических уравнений

Вопросы самоконтроля.

- 1) Постановка задачи.
- 2) Основная идея метода итерации.
- 3) Какое условие должно выполняться для сходимости итерационной процесса?
- 4) Сформулировать канонические нормы, используемые в методе итерации.
- 5) Как находится равносильная система уравнений, применяемая для итерационного процесса? Критерий выбора равносильной системы уравнений.
- 6) Как определяется погрешность метода итерации при заданной точности?
- 7) В чем отличие метода Зейделя от метода итерации?

## Тема 4. Интерполирование и экстраполирование функций

Вопросы самоконтроля.

- 1) Постановка задачи интерполирования. Геометрическая иллюстрация.
- 2) В чем различие между задачами интерполяции и задачами экстраполяции?
- 3) Привести формулу Лагранжа. Дать оценку погрешности.
- 4) Как выглядит формула Лагранжа для равностоящих узлов?
- 5) От чего зависит точность получаемого формулой Лагранжа результата?
- 6) Когда полином m порядка будет аппроксимирован формулой Лагранжа с наименьшей погрешностью?

### Тема 5. Численное интегрирование

Вопросы самоконтроля.

- 1) Что такое квадратурная формула? Что такое узлы и веса?
- 2) Какие квадратурные формулы Вы знаете? Каково их общее название?
- 3) Каковы общие принципы выбора весов и узлов?
- 4) Объясните способ выбора весов квадратурных формул.
- 5) Какова общая схема построения квадратурных формул?
- 6) Что такое шаблон квадратурной формулы?
- 7) Приведите шаблон формулы метода прямоугольников и саму формулу.
- 8) Приведите шаблон формулы метода трапеций и саму формулу.
- 9) Приведите шаблон формулы метода Симпсона и саму формулу.
- 10) Каков геометрический смысл шаблонов указанных формул?
- 11) Каков порядок точности указанных методов?
- 12) Что такое метод двойного счета?

# **Тема 6. Численное решение обыкновенных дифференциальных уравнений** Вопросы самоконтроля.

- 1) Какие типы приближенных методов решения обыкновенных дифференциальных уравнений Вы знаете? Назовите по одному примеру каждого типа.
- 2) В чем суть метода Пикара? Объясните происхождение рекуррентной формулы метола.
- 3) В чем суть метода разложения функции Y(x) в ряд?
- 4) В чем суть метода Эйлера? Поясните графически.
- 5) Какова общая схема численных методов решения дифференциальных уравнений первого порядка?

- 6) Каков порядок точности при решении дифференциальных уравнений методами Эйлера, Рунге-Кутта второго и четвертого порядков?
- 7) Каким образом на практике следят за точностью при решении дифференциальных уравнений методами Рунге-Кутта второго и четвертого порядков? Обоснуйте этот способ.

### 3. Рекомендуемая литература

Электронные издания (электронные ресурсы)

- 1. Гателюк, О.В. Численные методы: учебное пособие для спо / О.В. Гателюк, Ш.К. Исмаилов, Н.В. Манюкова. Москва: Юрайт, 2020. 140 с. Текст: электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. URL: https://urait.ru/bcode/453080 (дата обращения: 07.09.2020).
- 2. Зенков, А.В. Численные методы: учебное пособие для спо / А.В. Зенков. Москва: Юрайт, 2020. 122 с. Текст: электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. URL: https://urait.ru/bcode/452829 (дата обращения: 07.09.2020).
- 3. Численные методы: учебник и практикум для спо / У.Г. Пирумов [и др.]; под ред. У.Г. Пирумова. 5-е изд., перераб. и доп. Москва: Юрайт, 2019. 421 с. Текст: электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. URL: https://urait.ru/bcode/445775 (дата обращения: 07.09.2020).

### Дополнительные источники

1. 1. Алексеева, О.А. Численные методы [Текст] : практикум / О.А. Алексеева. - Челябинск: НОУВПО РБИУ, 2013. - 78с. - (Математика).